موقع بكالوريا الجزائر www.bacdz.org

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: جوان 2013

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

المدة: 30 سا و 30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

التمرين الأوّل: (04.5 نقاط)

نعتبر في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $\left(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k}\right)$ النقط:

. 2y + z + 1 = 0 : المعادلة: P و المستوي D(2;0;-1) ، C(2;-1;1) ، B(1;0;-1) ، A(-1;1;3)

ليكن
$$eta$$
 المستقيم الذي تمثيل وسيطي له: $x=-1$ حيث $y=2+eta$ وسيط حقيقي. $z=1-2eta$

- . (P) محتوى في المستقيم (BC)، ثمّ تحقّق أن المستقيم (BC) محتوى في المستوي (BC)
 - بيّن أن المستقيمين (Δ) و (BC) ليسا من نفس المستوي.
 - A أ) احسب المسافة بين النقطة A و المستوي (3).
 - بين أن D نقطة من P)، و أن المثلث BCD قائم.
 - 4) بيّن أن ABCD رباعي وجوه، ثمّ احسب حجمه.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

- $v_n = \frac{5^{n+1}}{6^n}$:ب \mathbb{N} بعرّفة على (v_n) المتتالية (\mathbf{I}
- . بيّن أنّ (v_n) متتالية هندسية يطلب تحديد أساسها و حدّها الأول (1
 - $\lim_{n\to+\infty}v_n \text{ (2)}$
- $u_{n+1} = \sqrt{5u_n + 6}$ ، n معرّفة بـ: $u_0 = 1$ ، و من أجل كل عدد طبيعي (u_n) معرّفة بـ: ($u_0 = 1$
 - $1 \le u_n \le 6$ ، n برهن بالتراجع أنّه، من أجل كل عدد طبيعي (1
 - (u_n) ادرس اتجاه تغیّر المتتالیة (2
 - $.6-u_{n+1} \le \frac{5}{6}(6-u_n)$ ، n عدد طبیعی عدد طبیعی أ) برهن أنّه، من أجل كل عدد طبیعی (1)
 - $\lim_{n\to +\infty} u_n$ بيّن أنّه، من أجل كل عدد طبيعي u_n ، $u_n \leq 6-u_n \leq v_n$ ، من أجل كل عدد طبيعي (ب

موقع بكالوريا الجزائر www.bacdz.org

التمرين الثالث: (05 نقاط)

التالية: $\mathbb C$ مجموعة الأعداد المركبة، المعادلة (I) ذات المجهول z التالية:

. وسيط حقيقي α حيث $z^2 - (4\cos\alpha)z + 4 = 0$ (I)

$$\left(\frac{z_1}{z_2}\right)^{2013} = 1$$
 : نرمز إلى حلي المعادلة (I) بر إلى حلي المعادلة ($\alpha = \frac{\pi}{3}$ من أجل $\alpha = \frac{\pi}{3}$

نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ النقط B ، A و C التي

. لاحقاتها:
$$z_C=4+i\sqrt{3}$$
 و $z_B=1-i\sqrt{3}$ ؛ $z_A=1+i\sqrt{3}$ على الترتيب

A انشئ النقط B، A و B.

ب) اكتب على الشكل الجبري العدد المركب $\frac{z_C-z_A}{z_B-z_A}$ ، ثمّ استنتج أنّ R هي صورة R بالتشابه المباشر R الذي مركزه R ويطلب تعيين نسبته و زاويته.

G نشئ $\{(A;1),(B;-1),(C;2)\}$ مرجح الجملة $\{(A;1),(B;-1),(C;2)\}$ ، ثم أنشئ

د) احسب Z_D لاحقة النقطة D ، بحيث يكون الرباعي Z_D متوازي أضلاع.

х	f(x)
0,20	0,037
0,21	0,016
0,22	-0,005
0,23	-0,026
0,24	-0,048
0,25	-0,070

$$f(x) = \frac{x}{x-1} + e^{\frac{1}{x-1}}$$
 بين $f(x) = \frac{x}{x-1} + e^{\frac{1}{x-1}}$ بالدالة المعرفة على $f(x) = \frac{x}{x-1} + e^{\frac{1}{x-1}}$

(C) و (C,\vec{i},\vec{j}) و المتجانس المتعامد المتجانس المتعامد المتجانس المتعامد المتجانس المتعامد ال

ر $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ احسب $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ ، ثمّ استنتج المستقيمين المقاربين للمنحنى $\lim_{x \to -\infty} f(x)$

- 2) احسب f'(x) . بيّن أن الدالة f متناقصة تماما على المجال f(x) . ثمّ شكّل جدول تغيراتها.
- α بيّن أن المعادلة f(x)=0 تقبل في f(x)=0 حلا وحيدا α . باستعمال جدول القيم أعلاه جد حصرا للعدد (3
 - . |f| الممثل الدالة (C')، ثمّ ارسم المنحنى ((C'))، الممثل الدالة ((C')) الممثل الدالة ((C'))
- 5) عيّن بيانيا مجموعة قيم الأعداد الحقيقة m التي من أجلها يكون للمعادلة f(x) = m حلان مختلفان في الإشارة.
 - و الدالة المعرفة على g(x) = f(2x-1) بي: g(x) = g(x) عبر مطلوبة) g(x) = g(x)
 - ادرس تغيرات الدالة g على $[1;\infty-1]$ ، ثمّ شكّل جدول تغيراتها.

$$g'\left(\frac{\alpha+1}{2}\right)=2f'(\alpha)$$
: ثمّ بيّن أن $g\left(\frac{\alpha+1}{2}\right)=0$ (2) أي تحقّق من أن (2)

 $rac{lpha+1}{2}$ با استنتج معادلة (T) المماس لمنحنى الدالة g في النقطة ذات الفاصلة

$$(T)$$
 معادلة للمستقيم $y = \frac{2}{(\alpha - 1)^3} x - \frac{\alpha + 1}{(\alpha - 1)^3}$ ج) تحقق من أن:

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04.5 نقاط)

 $z^2+4z+13=0$ (E) المعادلة (E) ذات المجهول z الآتية: $z^2+4z+13=0$ المعادلة $z^2+4z+13=0$

و $Z_B=i$ و على الترتيب. S التشابه المباشر $Z_B=i$ و $Z_A=-2-3i$ و التشابه المباشر A (2) و A نقطتان من المستوي المركب لاحقتاهما A التسابه المباشر A التشابه المباشر A التسابه المباشر A

$$M'(z')$$
 الذي مركزه A ، نسبته $\frac{1}{2}$ و زاويته $\frac{\pi}{2}$ والذي يحوّل كل نقطة $M(z)$ من المستوي إلى النقطة $M'(z')$

.
$$z' = \frac{1}{2}iz - \frac{7}{2} - 2i$$
) بیّن أن

. S بالتشابه B معلما أن C هي صورة C بالتشابه C

$$.2\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{0}$$
 نتكن النقطة D ، حيث: (3

أ) بيّن أن D هي مرجح النقطتين A و B المرفقتين بمعاملين حقيقيين يطلب تعيينهما.

$$D$$
 احسب z_D لاحقة النقطة

$$ACD$$
 بيّن أن: $\frac{z_D-z_A}{z_C-z_A}=i$ ، ثمّ استنتج طبيعة المثلث (ج

التمرين الثاني: (04 نقاط)

في الشكل المقابل، $\binom{C_f}{x+1}$ هو التمثيل البياني للدّالة f المعرّفة على المجال $f(x)=\frac{2x}{x+1}$ بالعلاقة $f(x)=\frac{2x}{x+1}$

$$y = x$$
 المستقيم ذو المعادلة (d) المستقيم

$$u_0=rac{1}{2}$$
 المتتالية العددية المعرّفة على $\mathbb N$ بحدّها الأوّل، $\left(u_n
ight)(1$

. $u_{n+1} = f(u_n)$ ، n عدد طبيعي عدد من أجل كل عدد عدد طبيعي

، u_1 ، u_0 اعد رسم هذا الشكل في ورقة الإجابة، ثمّ مثّل الحدود أ

. و u_3 على محور الفواصل دون حسابها، مبرزا خطوط التمثيل u_2

ب) ضع تخمينا حول اتجاه تغيّر المتتالية (u_n) و تقاربها.

.[0;1] أثبت أنّ الدالة f متزايدة تماما على المجال (2

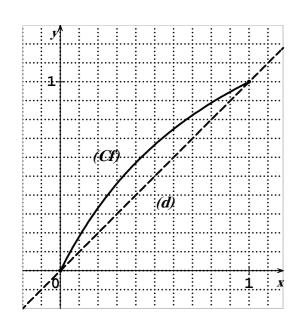
 $0 < u_n < 1$ ، n عدد طبیعی بالتراجع أنّه، من أجل كل عدد طبیعی

 (u_n) ادرس اتجاه تغیّر المتتالیة (ج

$$v_n = \frac{u_n - 1}{u_n}$$
 :كما يلي كما المتتالية العددية المعرّفة على المتتالية العددية المعرّفة على (v_n)

 $\cdot v_0$ أنّ $\cdot v_n$ متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ ، يطلب حساب حدّها الأول $\cdot v_n$

 $\cdot(u_n)$ احسب نهایة (ب



موقع بكالوريا الجزائر www.bacdz.org

التمرين الثالث: (04.5 نقاط)

A(2;1;-1) النقط $(O;\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ النقط المتعامد ا

.
$$[AB]$$
 و القطعة $D\left(\frac{7}{2};-3;0\right)$ و $C\left(-\frac{3}{2};-2;1\right)$ ، $B(1;-1;3)$

1) أ) احسب إحداثيات النقطة 1.

.
$$[AB]$$
 بيّن أنّ: $2x + 4y - 8z + 5 = 0$ معادلة ديكارتية له (P) ؛ المستوي المحوري له $2x + 4y - 8z + 5 = 0$

كتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم
$$(\Delta)$$
 الذي يشمل النقطة C و $(1;2;-4)$ شعاع توجيه له.

 (Δ) و المستقيم (Δ) عقطة تقاطع المستوي (Δ) و المستقيم (Δ).

ب بين أنّ
$$(\Delta)$$
 و (AB) من نفس المستوى، ثمّ استنتج أن المثلث (AB) قائم.

(IE) عمودي على كل من المستقيم على و المستقيم ((IE) عمودي على كل من المستقيم ((AB)

ب) أحسب حجم رباعي الوجوه DIEC.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $g(x) = x^2 + 2x + 4 - 2\ln(x+1)$ بادالة المعرّفة على المجال $g(x) = x^2 + 2x + 4 - 2\ln(x+1)$ بادالة المعرّفة على المجال $g(x) = x^2 + 2x + 4 - 2\ln(x+1)$

ادرس تغیّرات الدالهٔ g ، ثمّ شکّل جدول تغیّراتها. (1)

g(x) > 0 ، $]-1;+\infty[$ من المجال x من أجل كل استنتج أنه، من أجل كل x

$$f(x) = x - \frac{1 - 2\ln(x+1)}{x+1}$$
 بالدالة المعرّفة على المجال $g(x) = x - \frac{1 - 2\ln(x+1)}{x+1}$ بالدالة المعرّفة على المجال $g(x) = x - \frac{1 - 2\ln(x+1)}{x+1}$

 $(2\,cm$ وحدة الطول). $(O; \vec{i}, \vec{j})$ وحدة الطول). وحدة الطول). وحدة الطول (C_f

انیا. $\lim_{x \to -1} f(x)$ انتیجة بیانیا. (1

 $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ بالحسب (ب

.
$$f$$
 الدالة $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$ ، $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$ ، $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$ ، $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$ هي مشتقة الدالة $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$ (2)

ب) ادرس اتجاه تغیّر الدالة f على المجال $-1;+\infty$ ما على الدالة الدول تغیّراتها.

 $0<\alpha<0.5$ ج) بيّن أنّ المعادلة f(x)=0 تقبل حلا وحيدا lpha في المجال f(x)=0 ثمّ تحقق أن

 $+\infty$ عند (C_f) مقارب مائل للمنحنى y=x عند (Δ) عند (Δ)

. (Δ) بالنسبة إلى المنحنى (C_f) بالنسبة إلى

 $\cdot x_0$ \downarrow

. (C_f) شم المستقيمين المقاربين والمماس (T) ثم المنحنى (ب

ج) عيّن بيانيا قيم الوسيط الحقيقي m بحيث تقبل المعادلة f(x)=x+m حلّين متمايزين.